REPUBLIQUE DU CAMEROUN

Paix-Travail-Patrie

MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT SUPERIEUR UNIVERSITE DE MAROUA



Peace-Work-Fatherland
MINISTRY OF HIGHER EDUCATION
THE UNIVERSITY OF MAROUA

ECOLE NORMALE SUPERIEUR DE MAROUA (ENSM)

CONCOURS D'ENTREE EN 1^{ERE} ANNEE SESSION DE 2010

<u>Epreuve de</u>: MATHEMATIQUES SERIE: MATHEMATIQUES

1. Montrer que l'inégalité :

$$|x + x_1 + x_2 + \dots + x_n| \ge |x| - (|x_1| + |x_2| + \dots + |x_n|)$$
 est vraie

2. Résoudre le système d'équations suivant :

$$\begin{cases} x^2 - y^2 - ax + ay = 0 \\ xy = a^2 \end{cases}$$

3. Montrer que l'inégalité

$$1 + \frac{1}{1} + \frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+2+3} + \dots + \frac{1}{1+2+3+\dots+n} < 3 \text{ est vrai } \forall n \in \mathbb{N}^*$$

4. Résoudre les inégalités suivantes :

$$(1): \frac{A_4^{n+4}}{(n+2)!} < \frac{15}{(n-1)!}$$

$$(2): \log_2\left(\sqrt{x^2 - 4x} + 3\right) > \log_{\frac{1}{2}}\left(\frac{2}{\sqrt{x^2 - 4x} + \sqrt{x+1} + 1} + 1\right)$$

5. Calculer la somme de l'expression suivante :

$$\sin x + \sin 3x + \sin 5x + \dots + \sin (2n - 1) x$$
, $x \neq k\pi$ avec $k \in \mathbb{Z}$

Exercice 1:

a. Calculer l'intégrale suivante :

$$J = \int \left(\frac{2x^3 - 13x^2 + 29x - 20}{x^2 - 6x + 11} \right) dx$$

b. Soit a > 0 et b > 0, calculer la valeur de l'expression

$$A = \frac{2b\sqrt{x^2 - 1}}{x - \sqrt{x^2 - 1}} \text{ Pour } x = \frac{1}{2} \left(\sqrt{\frac{a}{b}} + \sqrt{\frac{b}{a}} \right)$$

Exercice 2:

Dans le triangle ABC, la mesure de l'angle au sommet A est le double de celle de l'angle au sommet C, le côté BC est plus long que le coté AB de 2cm et AC=5cm. Déterminer les longueurs des côtés AB et BC.

